



พิสิทธ์ พิचित PAT 2

(การเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์)

อ. วิษณุวัฒน์ วินุราช

(พี่อ้ม)



## ติวเข้มฟิสิกส์ พิชิต PAT 2 เรื่อง การเคลื่อนที่แบบต่างๆ โดย อ. วิชาญวัฒน์ วิบุรุษ (พีว๊ม)

### การเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์

#### ■ เงื่อนไขการเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์

การเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์ ประกอบด้วย การเคลื่อนที่ 2 แนวด้วยกันคือ ราบกับดิ่ง ดังนั้น การคำนวณต้องแยกเงื่อนไขการคำนวณเป็น 2 เงื่อนไข คือ เงื่อนไขในแนวดิ่ง และ เงื่อนไขแนวราบ

#### ▶ เงื่อนไขการคำนวณในแนวราบ

ในขณะที่วัตถุอยู่ในอากาศจะมีเฉพาะแรงดึงดูดของโลก ( $mg$ ) ในแนวดิ่งเท่านั้นที่กระทำต่อวัตถุ ดังนั้นแรงในแนวราบที่กระทำกับวัตถุจึงมีค่าเป็นศูนย์ ( $\Sigma F_x = 0$ ) แสดงว่าองค์ประกอบของความเร็วในแนวราบมีค่าคงที่ ดังนั้นสมการที่ใช้คำนวณคือ

$$S_x = \text{การกระจัดแนวราบ}$$

$$S_x = u_x t$$

$$u_x = \text{ความเร็วต้นแนวราบ}$$

$$t = \text{เวลา}$$

#### ▶ เงื่อนไขการคำนวณในแนวดิ่ง

แรงลัพธ์ในแนวดิ่งสำหรับวัตถุที่เคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์คือ  $mg$

$$\text{ดังนั้น } \Sigma F_y = mg$$

$$m a_y = mg \rightarrow a_y = g$$

สมการที่ใช้ในการคำนวณในแนวดิ่งคือ

$$v_y = u_y + gt$$

$$S_y = \left( \frac{u_y + v_y}{2} \right) t$$

$$S_y = u_y t + \frac{1}{2} g t^2$$

$$S_y = v_y t - \frac{1}{2} g t^2$$

$$v_y^2 = u_y^2 + 2gS_y$$

การแทนเครื่องหมายสำหรับสูตรแนวดิ่ง

ให้ยี่ดทิส  $u_y$  เป็นบวกเสมอ ดังนั้น

เวกเตอร์ใดมีทิศเหมือน  $u_y$  จะเป็นบวก

เวกเตอร์ใดมีทิศตรงข้าม  $u_y$  จะเป็นลบ

\* การคำนวณเรื่องโพรเจกไทล์ เนื่องจากถ้าพิจารณาระหว่าง 2 จุดใดๆ การกระจัดแนวราบ และแนวดิ่งเกิดขึ้นในช่วงเวลาเดียวกัน แสดงว่าเวลาที่ใช้ในการเคลื่อนที่แนวราบเท่ากับเวลาที่ใช้ในการเคลื่อนที่แนวดิ่ง \*



► **นายควรรู้สำหรับผู้ Ent คิด**

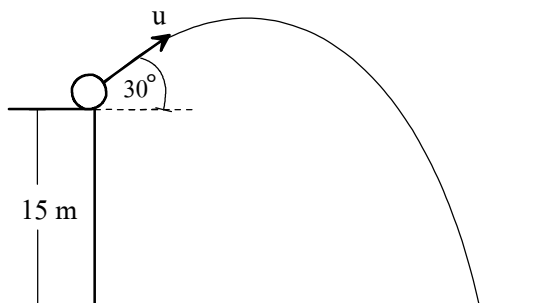
- (1) ที่ระดับเดียวกันบนโค้งโพรเจกไทล์ ขนาดของความเร็วมีค่าเท่ากัน
- (2) การเคลื่อนที่ระหว่าง 2 ระดับใด ๆ เวลาขาขึ้น = เวลาขาลง
- (3) ความเร็วแนวราบเท่ากันทุกจุดบนโค้งโพรเจกไทล์
- (4) ที่จุดสูงสุดความเร็วแนวตั้งเป็นศูนย์
- (5) ปาวัตถุแบบโพรเจกไทล์แล้ววัตถุตกกลับสู่ระดับเดิมการกระจัดแนวตั้งเป็นศูนย์
- (6) ปาวัตถุโดยความเร็วต้นทำมุม  $\theta$  ขณะวัตถุตกกลับสู่ระดับเดิมความเร็วจะ  
ทำมุมกลับ  $\theta$

**หลักการทำโจทย์การเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์**

1. หา  $u_x, u_y$  เก็บไว้
2. ทราบการกระจัดแนวไหนคิดแนวนั้นก่อน
3. แนวราบให้เข้าสมการ  $S_x = u_x t$  และแนวตั้งใช้ 5 สูตรหลักกรณี  $a_y = g$   
โดยใช้เวลาเป็นตัวเชื่อมระหว่างแนวราบกับแนวตั้ง

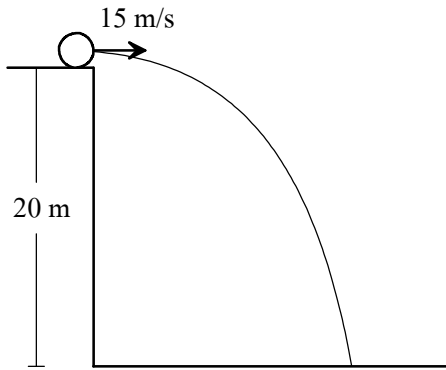
**Problem**

1. ขว้างลูกบอลจากตึกสูง 15 เมตรจากพื้นดินในแนวทำมุม  $30^\circ$  กับแนวราบ ด้วยความเร็ว 20 เมตรต่อวินาที ถามว่าลูกบอลตกถึงพื้นดินห่างจากจุดขว้างในแนวระดับกี่เมตร  
กำหนดให้  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>





2. ผลักวัตถุออกจากขอบคานฟ้าตึกสูง 20 เมตรด้วยความเร็วต้น 15 เมตรต่อวินาที ตามแนวราบ วัตถุจะตกถึงพื้นในระยะห่างจากฐานตึกกี่เมตร กำหนดให้  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>



1. 10                      2. 20  
3. 30                      4. 40

3. นักเรียนคนหนึ่งยืนห่างกำแพง  $15\sqrt{3}$  เมตร เตะลูกบอลอัดกำแพง โดยลูกบอลกระทบกำแพง ณ จุดสูงจากพื้น 10 เมตร ถ้าวัดได้ว่ามุมที่แนวทางการเคลื่อนที่ของลูกบอล ทำกับพื้นขณะลอยขึ้นจากพื้นเป็น  $30^\circ$  จงหาว่าลูกบอลถูกเตะออกไปด้วยอัตราเร็วเท่าไร กำหนดให้  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>

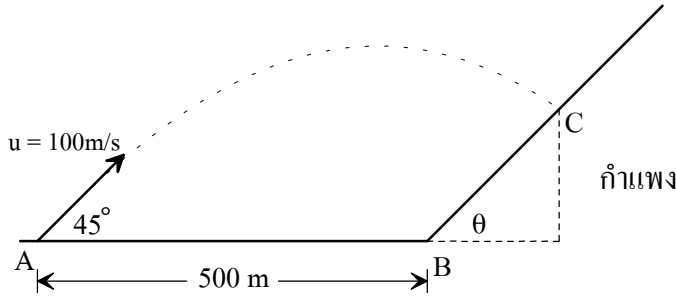
1. 25 m/s  
2. 30 m/s  
3. 35 m/s  
4. 40 m/s



4. ยิงวัตถุออกไปในแนวระดับด้วยความเร็วต้น  $u$  พอลถึงจุด A วัตถุมีความเร็ว 50 เมตรต่อวินาที ทำมุม  $37^\circ$  กับแนวระดับ ความเร็วต้น  $u$  มีค่าเท่าใด กำหนดให้  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>
1. 30 m/s
  2. 40 m/s
  3. 50 m/s
  4. 60 m/s
5. ขว้างลูกบอลจากสนามหญ้ามายังลานหน้าบ้าน ถ้าลูกบอลลอยอยู่ในอากาศนาน 2.0 วินาที ตำแหน่งของลูกบอล ณ จุดสูงสุดอยู่สูงจากระดับที่ขว้างในแนวตั้งกี่เมตร (ไม่ต้องคิดผลของแรงต้านของอากาศ) กำหนดให้  $g = 9.8$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>

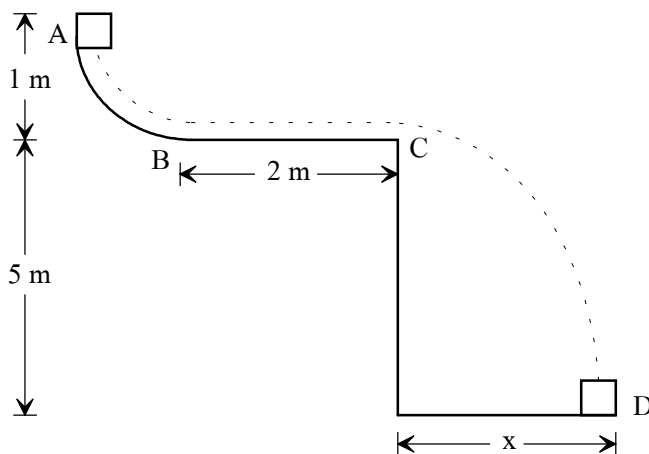


6. ลูกปืนใหญ่ถูกยิงจากจุด A โดยมีการเคลื่อนที่แบบวิถีโค้ง ด้วยความเร็วต้น  $u = 100$  เมตรต่อวินาที และทำมุม  $45^\circ$  กับแนวระดับ ลูกปืนใหญ่ใช้เวลาจากจุด A ไปกระทบผนังกำแพงที่จุด C เท่ากับ 10 วินาทีดังรูป มุม  $\theta$  มีค่าเท่าไร ถ้าระยะจากจุด A ถึง B เท่ากับ 500 เมตร  
กำหนดให้  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>



1.  $30^\circ$
2.  $37^\circ$
3.  $45^\circ$
4.  $53^\circ$

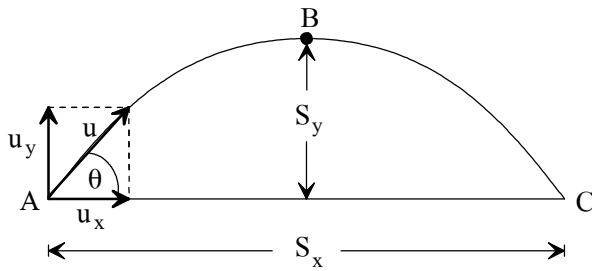
7. ปล่อยวัตถุมวล  $m$  ให้ไหลลงมาตามทางดังรูป ถ้าวัตถุเริ่มเคลื่อนที่จากจุด A โดยที่จาก A ไป B ไม่มีความเสียดทานจาก B ไป C มีสัมประสิทธิ์ความเสียดทาน 0.1 อยากทราบว่าเมื่อวัตถุตกถึงพื้นจะตกห่างจากจุด C ในแนวราบเท่าใด  
กำหนดให้  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>



1. 4 m
2.  $2\sqrt{3}$  m
3.  $2\sqrt{5}$  m
4.  $2\sqrt{6}$  m



การเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์ระหว่าง 2 จุดที่อยู่ระดับเดียวกัน



จากรูป

$$u_x = u \cos \theta$$

$$u_y = u \sin \theta$$

คิดจาก  $A \rightarrow C$  :  $v_y = u_y + gt$

(ตั้ง)

$$0 = u \sin \theta + (-g)t_{AB} \rightarrow t_{AB} = \frac{u \sin \theta}{g} \text{ จะได้ว่า } t_{AC} = \frac{2u \sin \theta}{g} \quad (1)$$

คิดจาก  $A \rightarrow C$  :  $S_x = u_x t = (u \cos \theta) \left( \frac{2u \sin \theta}{g} \right)$

(ราบ)

$$S_x = \frac{u^2 (2 \sin \theta \cos \theta)}{g} \rightarrow S_x = \frac{u^2 \sin 2\theta}{g} \quad (2)$$

คิดจาก  $A \rightarrow B$  :  $v_y^2 = u_y^2 + 2gS_y$

(ตั้ง)

$$0 = (u \sin \theta)^2 + 2(-g)S_y \rightarrow S_y = \frac{u^2 \sin^2 \theta}{2g} \quad (3)$$

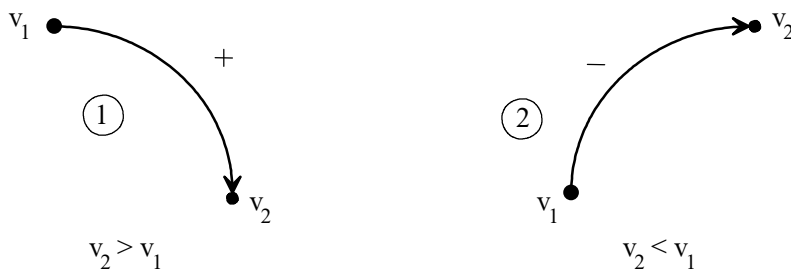
การเคลื่อนที่แนวโค้งระหว่าง 2 จุดใดๆ ที่ไม่มีแรงเสียดทาน ถ้ารู้ความเร็วที่จุดหนึ่ง สามารถหาความเร็วจุดที่เหลือได้จาก

$$v_2^2 = v_1^2 \pm 2gH$$

โดย  $v_1, v_2$  เป็นความเร็วลัพธ์ที่จุดเริ่มต้นและจุดสุดท้ายตามลำดับ

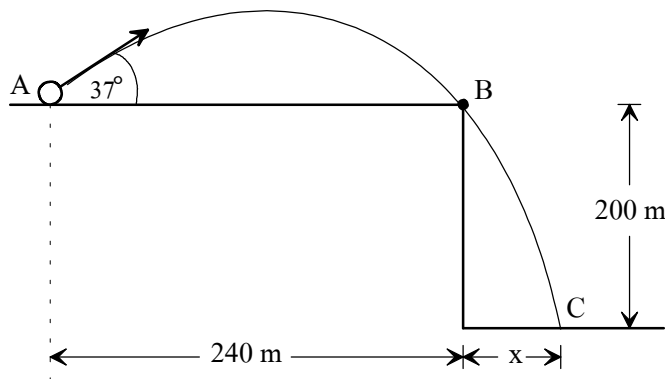
H เป็นระยะแนวโค้งระหว่างจุดเริ่มต้นกับจุดสุดท้าย

- ① ถ้าจุดสุดท้ายต่ำกว่าจุดเริ่ม  $v_2 > v_1$  เครื่องหมายคั่นเป็น  $\oplus$
- ② ถ้าจุดสุดท้ายสูงกว่าจุดเริ่ม  $v_2 < v_1$  เครื่องหมายคั่นเป็น  $\ominus$





8. จากรูปยิงวัตถุจากจุด A ไปตกที่จุด C จงหาว่าระยะ  $x$  มีค่าเท่าใด  
กำหนด  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>



1. 100 m
2. 120 m
3. 140 m
4. 160 m

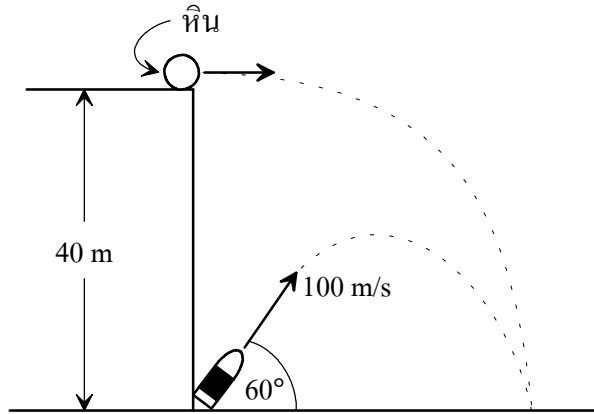
9. จากข้อ 8 ขณะวัตถุกระทบพื้นที่ C วัตถุมีความเร็วเท่าใด

1. 20.2 m/s
2. 40.4 m/s
3. 80.6 m/s
4. 120.8 m/s



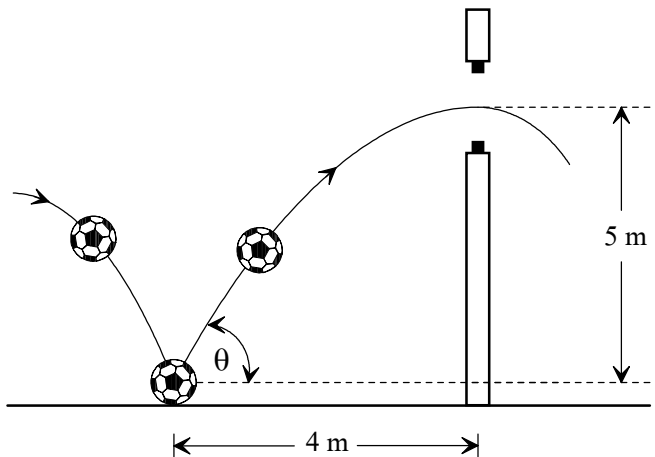


10. ตึกแห่งหนึ่งสูง 40 เมตร ถ้ายิงกระสุนปืนออกจากชอกตึกด้วยความเร็ว 100 เมตรต่อวินาที ทำมุมเงย  $60^\circ$  กับแนวราบ พร้อมกันนั้นก็ขีว้างก้อนหินออกไปจากคานฟ้าในแนวราบ ปรากฏว่าหินและกระสุนตกถึงพื้นทีจุดเดียวกัน จงหาความเร็วของหินที่ขีว้าง กำหนด  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>



1.  $125\sqrt{\frac{2}{3}}$  m/s
2.  $125\sqrt{\frac{3}{2}}$  m/s
3.  $250\sqrt{\frac{2}{3}}$  m/s
4.  $250\sqrt{\frac{3}{2}}$  m/s

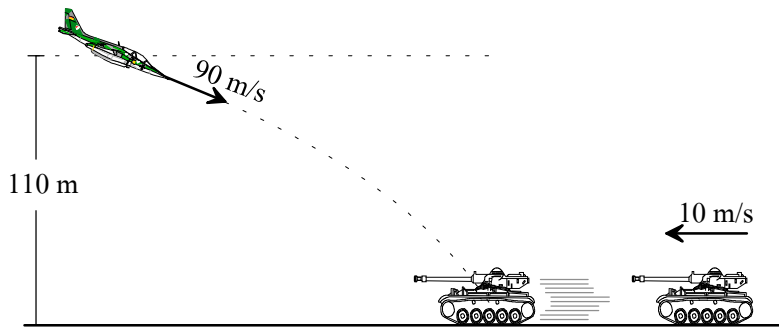
11. ลูกบอลกระทบพื้นแล้วกระดอนผ่านช่องเปิดดังแสดงในรูป ถ้าขณะผ่านช่องเปิดลูกบอลอยู่ที่จุดสูงสุดพอดี จงคำนวณหามุม  $\theta$



1.  $\sin^{-1}\left(\frac{5}{2}\right)$
2.  $\sin^{-1}\left(\frac{2}{5}\right)$
3.  $\sin^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{29}}\right)$
4.  $\sin^{-1}\left(\frac{5}{\sqrt{29}}\right)$

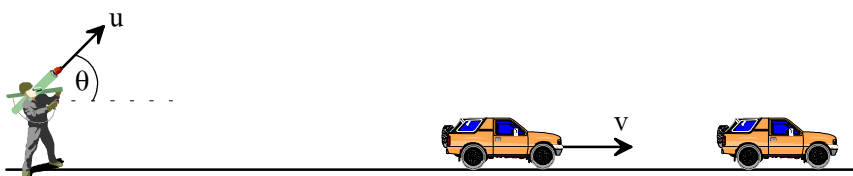


12. เครื่องบินทิ้งระเบิดกำลังเคลื่อนที่ด้วยมุมก้ม  $30^\circ$  กับแนวระดับด้วยอัตราเร็ว 90 เมตรต่อวินาที ต้องการปล่อยระเบิดขณะที่เครื่องบินอยู่สูงจากพื้น 110 เมตร ให้ลูกระเบิดถูกรถถังที่เคลื่อนที่ด้วยความเร็ว 10 เมตรต่อวินาที ในทิศตั้งรูป นักบินปล่อยระเบิดในขณะที่อยู่ห่างจากรถถังในแนวราบกี่เมตร กำหนดให้  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>



1.  $10(6\sqrt{3} + 2)$
2.  $10(7\sqrt{3} + 2)$
3.  $10(8\sqrt{3} + 2)$
4.  $10(9\sqrt{3} + 2)$

13. รถคันหนึ่งเคลื่อนที่ในแนวเส้นตรงด้วยความเร็วคงที่  $10\sqrt{2}$  เมตรต่อวินาที หนีการสกัดของเจ้าหน้าที่ ทำให้เจ้าหน้าที่ต้องใช้ปืนยิงสกัด ปืนที่ใช้ยังเป็นชนิดพาดบ่า โดยกระสุนปืนวิ่งออกจากปากกระบอกด้วยความเร็ว 100 เมตรต่อวินาที เจ้าหน้าที่ตั้งปืนเอียงทำมุม  $45^\circ$  กับแนวราบ อยากทราบว่า ถ้ากระสุนตกกระทบบรถพอดีเจ้าหน้าที่ต้องลั่นกระสุนขณะรถวิ่งห่างจากเจ้าหน้าที่ออกไปแล้วกี่เมตร กำหนดให้  $g = 10$  เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>



1. 200 m
2. 400 m
3. 600 m
4. 800 m